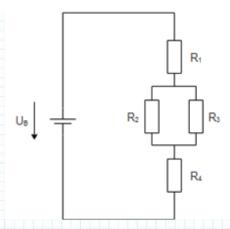
Übungsblatt Widerstandsnetzwerke Beispiel 1

Berechne den Gesamtwiderstand (R_G), den Gesamtstrom (I_G), die Ströme duch die einzelnen Widerstände (I₁, I₂, I₃, I₄) und die Spannungsabfälle an den einzelnen Widerständen (U₁, U₂, U₃, U₄).

$$U_B \coloneqq 24 \ V$$

$$R_1 \coloneqq 2.2 \ \boldsymbol{k\Omega} \quad R_2 \coloneqq 3.9 \ \boldsymbol{k\Omega}$$

$$R_3 \coloneqq 5.6 \ \boldsymbol{k\Omega} \quad R_4 \coloneqq 2.2 \ \boldsymbol{k\Omega}$$



В

Zusammenfassen der beiden parallelen Widerstände R2 und R3 zum Ersatzwiderstand R23

$$R_{23} \coloneqq \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}} \qquad R_{23} \xrightarrow{explicit, ALL} \xrightarrow{1} = (2.299 \cdot 10^3) \Omega$$

Zusammenfassen der drei Widerstände R1 R23 und R4 zum Ersatzwiderstand RG

$$R_G := R_1 + R_{23} + R_4$$

$$R_G \xrightarrow{explicit, ALL} 2.2 \ \boldsymbol{k\Omega} + \underbrace{\frac{1}{\frac{1}{3.9 \ \boldsymbol{k\Omega}} + \frac{1}{5.6 \ \boldsymbol{k\Omega}}}} + 2.2 \ \boldsymbol{k\Omega} = \left(6.699 \cdot 10^3\right) \boldsymbol{\Omega}$$

Gesamtstrom $I_G = I_1 = I_{23} = I_4$

Spannungsabfälle an den Widerständen

$$\begin{array}{lll} U_1\!:=\!R_1\!\cdot\! I_G & U_1\!=\!7.882 \; \textbf{\textit{V}} \\ \\ U_{23}\!:=\!R_{23}\!\cdot\! I_G & U_{23}\!=\!8.236 \; \textbf{\textit{V}} & \text{U23}=\text{U2}=\text{U3} \\ \\ U_4\!:=\!R_4\!\cdot\! I_G & U_4\!=\!7.882 \; \textbf{\textit{V}} \end{array}$$

Teilströme durch die parallelen Widerstände R2 bzw. R3

$$I_2 \coloneqq rac{U_{23}}{R_2} \hspace{1cm} I_2 = 0.002 \; \emph{A}$$
 $I_3 \coloneqq rac{U_{23}}{R_2} \hspace{1cm} I_3 = 0.001 \; \emph{A}$

Übungsblatt Widerstandsnetzwerke Beispiel 2 – Seite 1

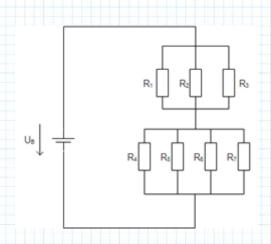
Berechne den Gesamtwiderstand (RG), den Gesamtstrom (IG) und die Ströme duch die einzelnen Widerstände (I1, I2, I3, I4, I5, I6, I7).

$$U_B \coloneqq 24 \ V$$

$$R_1 \coloneqq 8.2 \ \boldsymbol{k\Omega} \qquad R_2 \coloneqq 3.3 \ \boldsymbol{k\Omega}$$

$$R_3 \coloneqq 2.7 \ \boldsymbol{k\Omega} \qquad R_4 \coloneqq 3.9 \ \boldsymbol{k\Omega}$$

$$R_5 \coloneqq 3.3 \text{ k}\Omega$$
 $R_6 \coloneqq 2.7 \text{ k}\Omega$ $R_7 \coloneqq 2.2 \text{ k}\Omega$



Parallelschaltung R1, R2, R3

$$R_{123} \coloneqq \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}$$

$$R_{123} \xrightarrow{explicit, ALL} \xrightarrow{1} = (1.257 \cdot 10^3) \Omega$$

$$\xrightarrow{\frac{1}{8.2 \ k\Omega} + \frac{1}{3.3 \ k\Omega} + \frac{1}{2.7 \ k\Omega}}$$

Parallelschaltung R4, R5, R6, R7

$$R_{4567} \coloneqq \frac{1}{\dfrac{1}{R_4} + \dfrac{1}{R_5} + \dfrac{1}{R_6} + \dfrac{1}{R_7}}$$

$$R_{4567} \xrightarrow{explicit, ALL} \xrightarrow{1} = 722.357 \Omega$$

$$\frac{1}{3.9 \ k\Omega} + \frac{1}{3.3 \ k\Omega} + \frac{1}{2.7 \ k\Omega} + \frac{1}{2.2 \ k\Omega}$$

Gesamtwiderstand ist die Serienschaltung der beiden Ersatzwiderstände R₁₂₃ und R₄₅₆₇

$$R_G := R_{123} + R_{4567}$$
 $R_G = (1.98 \cdot 10^3) \Omega$

Gesamtstrom

$$I_G \coloneqq \frac{U_B}{R_G}$$
 $I_G = 0.012 \; A$

Beispiel 2 - Seite 2

Spannungsabfälle an den Ersatzwiderständen R123 und R4567

$$U_{123} = U_1 = U_2 = U_3$$

$$U_{4567} = U_4 = U_5 = U_6 = U_7$$

Durch die beiden Ersatzwiderstände fließt der Gesamtstrom

$$U_{123} \coloneqq R_{123} \cdot I_G = 15.243 \ V$$

$$U_1 \coloneqq U_{123} = 15.243 \ V$$

$$U_2 := U_{123} = 15.243 \ V$$

$$U_3 \coloneqq U_{123} = 15.243 \ V$$

Ströme durch die Widerstände

$$I_1 := \frac{U_{123}}{R_1} = 0.002 \ A$$

$$I_2 \coloneqq \frac{U_{123}}{R_2} = 0.005 \ A$$

$$I_1 \coloneqq \frac{U_{123}}{R_1} = 0.002 \; \emph{A}$$
 $I_2 \coloneqq \frac{U_{123}}{R_2} = 0.005 \; \emph{A}$ $I_3 \coloneqq \frac{U_{123}}{R_3} = 0.006 \; \emph{A}$

$$U_{4567} = R_{4567} \cdot I_G = 8.757 \ V$$

$$U_4 \coloneqq U_{4567} = 8.757 \ V$$

$$U_5 \coloneqq U_{4567} = 8.757 \ V$$

$$U_6 \coloneqq U_{4567} = 8.757 \ V$$

$$U_7 \coloneqq U_{4567} = 8.757 \ V$$

Ströme durch die Widerstände

$$I_4 := \frac{U_{4567}}{R_4} = 0.002 \text{ A}$$

$$I_5 := \frac{U_{4567}}{R_E} = 0.003 \ A$$

$$I_4 \coloneqq \frac{U_{4567}}{R_4} = 0.002 \; \emph{A}$$
 $I_5 \coloneqq \frac{U_{4567}}{R_5} = 0.003 \; \emph{A}$ $I_6 \coloneqq \frac{U_{4567}}{R_6} = 0.003 \; \emph{A}$

$$I_7 \coloneqq \frac{U_{4567}}{R_7} = 0.004 \; A$$

$$I_{123} \coloneqq I_1 + I_2 + I_3 \equiv 0.012 \ A$$

$$I_{4567} \coloneqq I_4 + I_5 + I_6 + I_7 = 0.012 \ A$$

$$I_G = 0.012 \; A$$